



Prezenta lucrare conține \_\_\_\_\_ pagini

**EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU  
ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a**

**Anul școlar 2023 – 2024**

**Matematică**

**Numele:.....**

**Inițiala prenumelui tatălui: .....**

**Prenumele:.....**

**Şcoala de proveniență: .....**

**Centrul de examen: .....**

**Localitatea: .....**

**Județul: .....**

Nume și prenume asistent	Semnătura

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNĂTURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			



- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de două ore.

## SUBIECTUL I

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

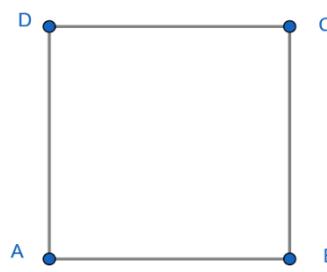
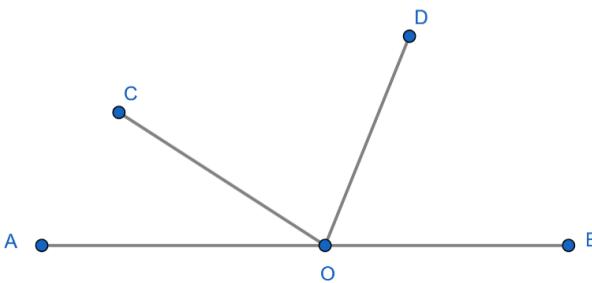
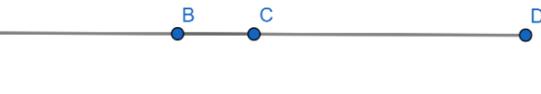
(30 de puncte)

<b>5p</b>	<p>1. Sfertul numărului <math>2^4</math> este:</p> <p>a) 2 b) 4 c) <math>2^3</math> d) 16</p>
<b>5p</b>	<p>2. Cel mai mic element al mulțimii <math>A = \{x \in \mathbb{Z}   -2024 &lt; x \leq 10\}</math> este:</p> <p>a) -2021 b) -2023 c) -2022 d) 10</p>
<b>5p</b>	<p>3. Dacă <math>\frac{a}{3} = \frac{b}{4}</math>, atunci <math>8a - 6b</math> este:</p> <p>a) 3 b) 4 c) 0 d) 1</p>
<b>5p</b>	<p>4. Se consideră numerele <math>a = 2 - \sqrt{3}</math> și <math>b = 2 + \sqrt{3}</math>. Media aritmetică a numerelor <math>a, b</math> și 8 este:</p> <p>a) 2 b) 3 c) <math>3\sqrt{3}</math> d) 4</p>

<b>5p</b> <p>5. Un obiect costă 200 lei. Afirmația: „După o scumpire de 15% prețul obiectului va fi 215 lei.” este:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>a)</b> adevărată</li> <li><b>b)</b> falsă</li> </ul>																
<b>5p</b> <p>6. În tabelul de mai jos sunt temperaturile medii înregistrate pe parcursul unei săptămâni:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <th>ziua</th> <th>Luni</th> <th>Marți</th> <th>Miercuri</th> <th>Joi</th> <th>Vineri</th> <th>Sâmbătă</th> <th>Duminică</th> </tr> <tr> <td>Temperatura medie</td> <td><math>-3^{\circ}\text{C}</math></td> <td><math>-2^{\circ}\text{C}</math></td> <td><math>-1^{\circ}\text{C}</math></td> <td><math>1^{\circ}\text{C}</math></td> <td><math>2^{\circ}\text{C}</math></td> <td><math>-1^{\circ}\text{C}</math></td> <td><math>-3^{\circ}\text{C}</math></td> </tr> </table> <p>Temperatura medie în acea săptămână a fost de:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>a)</b> <math>1^{\circ}\text{C}</math></li> <li><b>b)</b> <math>-1^{\circ}\text{C}</math></li> <li><b>c)</b> <math>0^{\circ}\text{C}</math></li> <li><b>d)</b> <math>-7^{\circ}\text{C}</math></li> </ul>	ziua	Luni	Marți	Miercuri	Joi	Vineri	Sâmbătă	Duminică	Temperatura medie	$-3^{\circ}\text{C}$	$-2^{\circ}\text{C}$	$-1^{\circ}\text{C}$	$1^{\circ}\text{C}$	$2^{\circ}\text{C}$	$-1^{\circ}\text{C}$	$-3^{\circ}\text{C}$
ziua	Luni	Marți	Miercuri	Joi	Vineri	Sâmbătă	Duminică									
Temperatura medie	$-3^{\circ}\text{C}$	$-2^{\circ}\text{C}$	$-1^{\circ}\text{C}$	$1^{\circ}\text{C}$	$2^{\circ}\text{C}$	$-1^{\circ}\text{C}$	$-3^{\circ}\text{C}$									

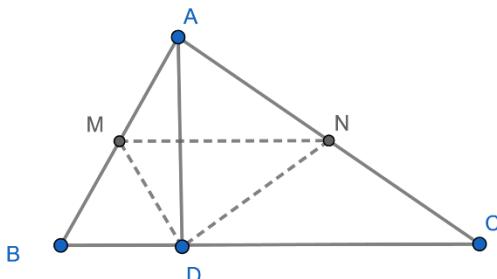
**SUBIECTUL al II-lea**
*Încercuieste litera corespunzătoare răspunsului corect.*
**(30 de puncte)**

<b>5p</b> <p>1. În figura alăturată punctele <math>A, B, C</math> și <math>D</math> sunt coliniare, în această ordine, <math>C</math> este mijlocul segmentului <math>AD</math> și <math>AB = 3 \cdot BC</math>. Dacă lungimea segmentului <math>AD</math> este egală cu 16 cm, atunci lungimea segmentului <math>BC</math> este egală cu:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>a)</b> 1 cm</li> <li><b>b)</b> 2 cm</li> <li><b>c)</b> 3 cm</li> <li><b>d)</b> 1,5 cm</li> </ul>
<b>5p</b> <p>2. În figura alăturată, punctele <math>A, O, B</math> sunt coliniare, în această ordine, iar măsura unghiului <math>COD</math> este egală cu <math>100^{\circ}</math>. Măsura unghiului format de bisectoarele unghiiurilor <math>AOC</math> și <math>BOD</math> este egală cu:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>a)</b> <math>100^{\circ}</math></li> <li><b>b)</b> <math>130^{\circ}</math></li> <li><b>c)</b> <math>140^{\circ}</math></li> <li><b>d)</b> <math>120^{\circ}</math></li> </ul>
<b>5p</b> <p>3. Pătratul <math>ABCD</math> are lungimea diagonalei <math>AC</math> egală cu 6 cm. Perimetru pătratului <math>ABCD</math> este egal cu:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>a)</b> 18 cm</li> <li><b>b)</b> <math>15\sqrt{5}</math> cm</li> <li><b>c)</b> <math>12\sqrt{2}</math> cm</li> <li><b>d)</b> <math>15\sqrt{3}</math> cm</li> </ul>



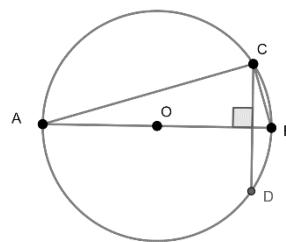
- 5p** 4. Triunghiul  $ABC$  are perimetrul egal cu 40 cm. Fie  $M$  și  $N$  mijloacele laturilor  $AB$ , respectiv  $AC$ , iar punctul  $D$  este proiecția punctului  $A$  pe dreapta  $BC$ . Perimetrul triunghiului  $MND$  este egal cu:

- a) 20 cm
  - b) 30 cm
  - c) 10 cm
  - d) 15 cm



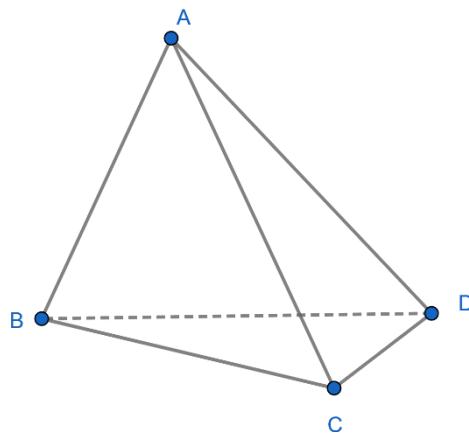
- 5p** 5. Fie  $AB$  diametru în cercul de centru  $O$  și rază de lungime egală cu 5 cm. Dacă  $CD \perp AB$  și lungimea segmentului  $AC$  este egală cu 8 cm, atunci aria patrulaterului  $ACBD$  este egală cu:

- a)  $24 \text{ cm}^2$
  - b)  $25 \text{ cm}^2$
  - c)  $20 \text{ cm}^2$
  - d)  $48 \text{ cm}^2$



- 5p** 6. Aria bazei unui tetraedru regulat este egală cu  $9\sqrt{3}$  cm<sup>2</sup>. Suma lungimilor muchiilor laterale este egală cu:

- a)  $16\sqrt{3}$  cm
  - b) 30 cm
  - c) 12 cm
  - d) 18 cm



## SUBIECTUL AL III-lea

*Scrieti rezolvările complete.*

(30 de puncte)

- 5p** 1. Prețul unui obiect este egal cu 2000 lei și se micșorează cu 20%. După un timp, același obiect se ieftinește din nou cu 20%.

**(3p) a)** Aflați cât costă obiectul după cele două ieftiniri.



(2p) b) Cu ce procent ar trebui să se ieftinească obiectul, o singură dată, astfel ca prețul acestuia să fie egal cu 1280 lei?

5p 2. Fie  $x = \sqrt{144} + 2\sqrt{18} - (\sqrt{3})^2$

(2p) a) Arătați că  $x = 9 + 6\sqrt{2}$ ;

(3p) b) Determinați numărul pozitiv  $y$  pentru care media geometrică a numerelor  $x$  și  $y$  este  $\sqrt{36 + 27\sqrt{2}}$ .



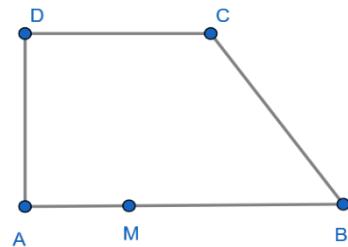
**5p** 3. Se consideră mulțimile

$$A = \{x \in \mathbb{R} \mid |x + 2| \leq 3\} \quad \text{și} \quad B = \left\{x \in \mathbb{R} \mid 1 < \frac{3x + 8}{2} \leq 13\right\}.$$

(2p) a) Arătați că  $A = [-5, 1]$ ;

(3p) b) Determinați  $(A \cap B) \cap \mathbb{Z}$ .

- 5p** 4. În figura alăturată,  $ABCD$  este un trapez dreptunghic cu  $AB = 8\text{ cm}$ ,  $BC = CD = 5\text{ cm}$ .

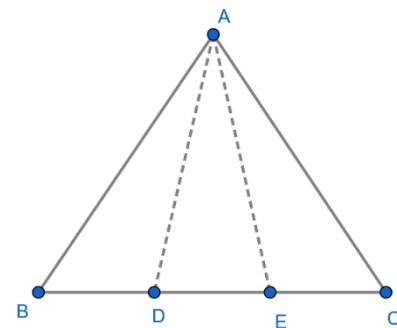


(2p) a) Arătați că aria trapezului  $ABCD$  este egală cu  $26\text{ cm}^2$ ;

(3p) b) Dacă punctul  $M$  aparține segmentului  $AB$  astfel încât lungimea segmentului  $AM$  este egală cu  $3\text{ cm}$ , arătați că  $CM \perp BD$ .

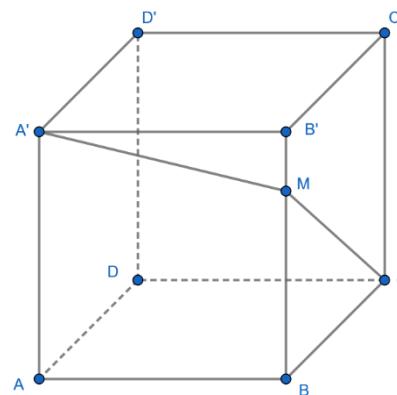
- 5p** 5. Se consideră triunghiul echilateral  $ABC$ . Punctele  $D$  și  $E$  sunt situate pe latura  $BC$ , astfel încât  $BD = DE = EC = 6$  cm.

(2p) a) Arătați că perimetrul triunghiului  $ABC$  este egal cu 54 cm;



(3p) b) Calculați sinusul unghiului  $\angle DAE$ .

- 5p** 6. În paralelipipedul dreptunghic  $ABCDA'B'C'D'$ , cu diagonala  $AC'$  de 100 cm, avem  $AB = 64$  cm,  $BC = 48$  cm,  $AA' = 60$  cm, iar  $M$  este un punct pe muchia  $BB'$ .



(2p) a) Arătați că triunghiul  $A'BC$  este dreptunghic;

(3p) b) Arătați că valoarea perimetrului triunghiului  $A'MC$  nu poate fi mai mică de 227 cm.

