

**SIMULAREA EXAMENULUI DE EVALUARE NAȚIONALĂ  
PENTRU ELEVII CLASEI a VIII-a  
Decembrie 2023  
Matematică**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

• Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

**SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:**

• Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.

• Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al III-lea**

• Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.

• Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	c)	<b>5p</b>
<b>2.</b>	a)	<b>5p</b>
<b>3.</b>	c)	<b>5p</b>
<b>4.</b>	d)	<b>5p</b>
<b>5.</b>	b)	<b>5p</b>
<b>6.</b>	b)	<b>5p</b>

**SUBIECTUL al II - lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	a)	<b>5p</b>
<b>2.</b>	a)	<b>5p</b>
<b>3.</b>	d)	<b>5p</b>
<b>4.</b>	b)	<b>5p</b>
<b>5.</b>	d)	<b>5p</b>
<b>6.</b>	b)	<b>5p</b>

**SUBIECTUL al III – lea**

**(30 de puncte)**

<b>1.</b>	<p><b>a)</b> Fie <math>x</math> = suma cheltuită în total, <math>x_1</math>= suma cheltuită în primul magazin, <math>x_2</math>= suma cheltuită în al doilea magazin, <math>x_3</math>= suma cheltuită în al treilea magazin.</p> $x_1 = \frac{25}{100} \cdot x = \frac{x}{4}$	
-----------	--	--

	$x_2 = \frac{1}{2}(x - x_1) = \frac{1}{2}\left(x - \frac{x}{4}\right) = \frac{3x}{8}$	1p
	$x_3 = x - x_1 - x_2 = x - \frac{x}{4} - \frac{3x}{8} = \frac{3x}{8}$	1p
	Da, suma cheltuită în cel de-al treilea magazine este egală cu suma cheltuită în primul magazin.	
	Dacă $x_1 = 150 \Leftrightarrow \frac{x}{4} = 150 \Leftrightarrow x = 600 \text{ lei}$ .	1p
	$x_3 = \frac{3x}{8} = \frac{3 \cdot 600}{8}$	1p
	$x_3 = 225 \text{ lei}$	1p
2.	<b>a)</b> $E(n) = 4 + 20n + 25n^2 - 18 + 2n^2 - 27n^2 + 6n + 1$ $E(n) = 26n - 13 = 13(2n - 1)$ divizibil cu 13, oricare n natural.	1p 1p
	<b>b)</b> $E(x) = 13(2x - 1)$ $-13 < 13(2x - 1) \leq 39 / :13$ $-1 < 2x - 1 \leq 3 / +1$ $0 < 2x \leq 4 / :2$ $0 < x \leq 2$ $x \in (0, 2]$	1p 1p
3.	<b>a)</b> $x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = -1$ $y_M = \frac{y_A + y_B}{2} = 3, M(-1, 3)$	1p 1p
	<b>b)</b> $AC = \sqrt{(xc - xA)^2 + (yc - yA)^2} = 5\sqrt{2}$ $BC = \sqrt{(xc - xB)^2 + (yc - yB)^2} = 5\sqrt{2}$ Deci $\Delta ABC$ isoscel M = mijlocul lui AB, deci CM mediană $\Rightarrow$ CM înălțime $\Rightarrow$ CM $\perp$ AB	1p 1p 1p
4.	<b>a)</b> $\Delta DBC$ isoscel, $\angle DBC = 120^\circ \Rightarrow \angle C \equiv \angle D = 30^\circ$ . În $\Delta ABC$ dreptunghic în A, $\text{tg} C = \frac{AB}{BC}$ , deci $\text{tg} 30^\circ = \frac{AB}{9} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{AB}{9}$ , de unde $AB = 3\sqrt{3} \text{ cm}$ .	1p 1p
	<b>b)</b> $\angle ABD = \angle DBC - \angle ABC = 120^\circ - 90^\circ = 30^\circ = \angle BDA$ , deci $\Delta DAB$ isoscel cu $AD = AB$ AM mediana, dar AM și înălțime $\Rightarrow \Delta AMB$ dreptunghic în M $\Rightarrow$ (teorema lui Pitagora) $AM^2 + MB^2 = AB^2 \Leftrightarrow AM^2 + \left(\frac{9}{2}\right)^2 = (3\sqrt{3})^2$	1p 1p

	De unde $AM = \frac{3\sqrt{3}}{2}$	<b>1p</b>
<b>5.</b>	a) Teorema lui Pitagora în $\triangle BAD$ dreptunghic în A: $BD^2 = AD^2 + AB^2 = 150$ Deci $BD = 5\sqrt{6}$ cm. Cum ABCD dreptunghi, $AC = BD = 5\sqrt{6}$ cm.	<b>1p</b> <b>1p</b>
	b) Teorema lui Pitagora în $\triangle DAM$ dr. în A: $DM^2 = AD^2 + AM^2 = 75$ , ( $AM = \frac{AB}{2} = 5$ cm). Deci $DM = 5\sqrt{3}$ cm. $AM^2 = MN \cdot DM$ și $AD^2 = DN \cdot DM$ (Teorema catetei în $\triangle DAM$ ), de unde $MN = \frac{5\sqrt{3}}{3}$ cm și $DN = \frac{10\sqrt{3}}{3}$ cm	<b>1p</b>
	$\angle NMA \equiv \angle NDC$ (alt.int.), $\frac{NM}{ND} = \frac{AM}{DC} = \frac{1}{2} \Rightarrow (LUL) \triangle NMA \sim \triangle NDC$	<b>1p</b>
	$\Rightarrow \angle ANM \equiv \angle DNC = 90^\circ$ $\angle ANC = \angle AND + \angle DNC = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ \Rightarrow D, N, C$ coliniare	<b>1p</b>
<b>6.</b>	a) M mijlocul lui BC, N mijlocul lui AC, deci MN linie mijlocie în $\triangle BAC$ , deci $MN \parallel AB$ , $AB \subset (VAB)$ rezultă că $MN \parallel (VAB)$	<b>1p</b> <b>1p</b>
	b) $MN \parallel AB$ , deci $\angle (VM, AB) = \angle (VM, MN) = \angle VMN$ $VM = VN = 6\sqrt{2}$ cm, $MN = \frac{AB}{2} = 12$ cm, deci $\triangle VMN$ isoscel.	<b>1p</b>
	Aplicăm reciproca teoremei lui Pitagora și obținem că $\triangle VMN$ dreptunghic. $\triangle VMN$ dreptunghic isoscel, deci $\angle VMN = 45^\circ$	<b>1p</b>