

Prezenta lucrare conține _____ pagini

**EVALUAREA NAȚIONALĂ
SIMULARE NOIEMBRIE – JUDETUL ILFOV
a VIII-a
Anul școlar 2023 – 2024**

**NOIEMBRIE 2023
Matematică**

Numele:

Inițiala prenumelui tatălui:

Prenumele:

Școala de proveniență:

Centrul de examen:

Localitatea:

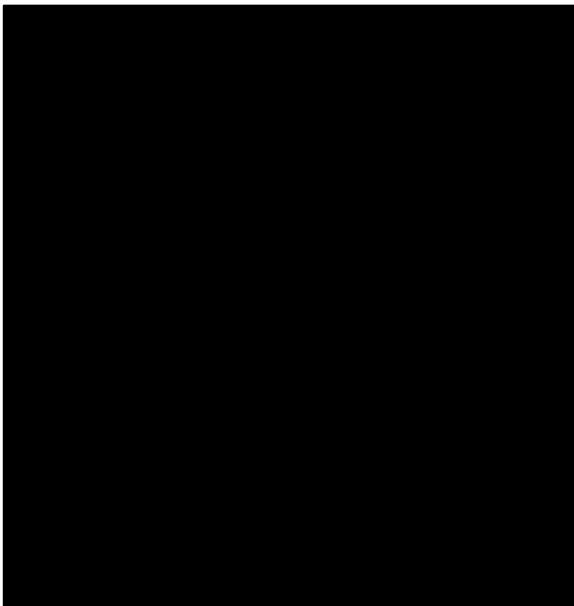
Județul:

Nume și prenume asistent	Semnătura

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNAȚURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNAȚURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNAȚURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			



- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de două ore.

SUBIECTUL I

Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

5p	1. Mulțimea numerelor reale mai mici decât -3 este: a) $(-3; +\infty)$ b) $(-\infty ; 3)$ c) $(-\infty ; -3)$ d) $(-3 ; 3)$												
5p	2. Media aritmetică a numerelor $a=16$ și $b=4$ este mai mare decât media lor geometrică cu: a) 12 b) 10 c) 8 d) 2												
5p	3. Dintre numerele $\sqrt{27}$, 7 , $\frac{20}{3}$ și $4\sqrt{3}$ mai mare este : a) $\frac{20}{3}$ b) $\sqrt{27}$ c) 7 d) $4\sqrt{3}$												
5p	4. În tabelul alăturat sunt trecute cantitățile dintr-un anumit produs vândute pe parcursul a cinci zile consecutive. <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>Ziua</th> <th>1</th> <th>2</th> <th>3</th> <th>4</th> <th>5</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Cantitatea</td> <td>200</td> <td>184</td> <td>210</td> <td>216</td> <td>195</td> </tr> </tbody> </table> Cantitatea vândută în medie pe zi din acest produs a fost: a) 200 b) 201 c) 205 d) 221	Ziua	1	2	3	4	5	Cantitatea	200	184	210	216	195
Ziua	1	2	3	4	5								
Cantitatea	200	184	210	216	195								

5p

5. Patru elevi au format proporții cu numerele 6, 9, 16, 24, conform datelor din tabel:

Andrei	Bogdan	Ciprian	Dan
$\frac{16}{6} = \frac{24}{9}$	$\frac{9}{6} = \frac{24}{16}$	$\frac{6}{24} = \frac{9}{16}$	$\frac{9}{24} = \frac{6}{16}$

Cel care a greșit în scrierea proporției este:

- a) Bogdan
- b) Dan
- c) Ciprian
- d) Andrei

5p

6. Elă spune că dacă un număr natural este prim , atunci el are doi divizori naturali. Afirmația Elei este:

- a) Falsă
- b) Adevărată.

SUBIECTUL al II-lea

Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.

(30 de puncte)

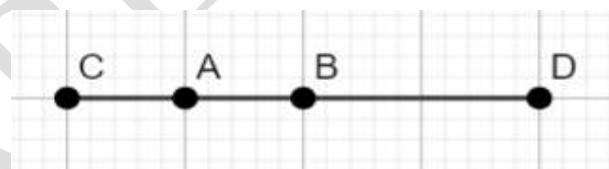
5p

1. În figura alăturată este reprezentat segmentul AB cu lungimea de 10 cm.

Punctul A este mijlocul segmentului CB , iar punctul D este simetricul punctului C față de punctul B.

Lungimea segmentului AD este:

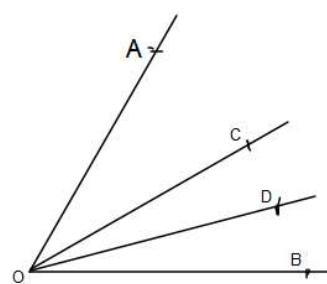
- a) 10 cm
- b) 20 cm
- c) 30 cm
- d) 40 cm

**5p**

2. În figura alăturată , semidreapta OC este bisectoarea $\angle AOB$ și semidreapta

OD este bisectoarea $\angle BOC$. Dacă $\angle COD= 15^\circ$, atunci $\angle AOD$ are măsura de :

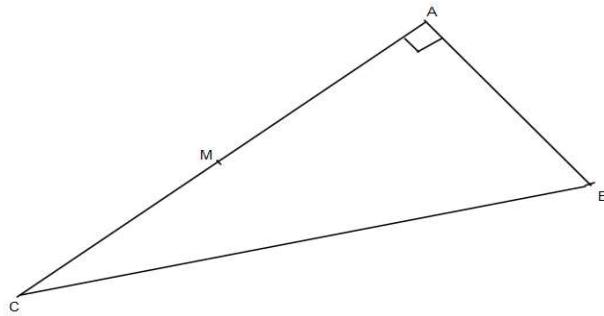
- a) 60°
- b) 45°
- c) 30°
- d) 15°



5p

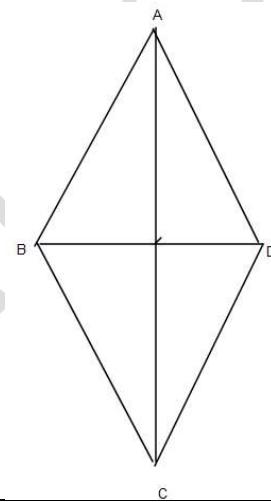
3. În figura următoare este reprezentat un triunghi ABC, dreptunghic în A, cu $AB = 8 \text{ cm}$, $BC = 8\sqrt{3} \text{ cm}$. Punctul M este mijlocul laturii AC. Lungimea segmentului BM este egală cu:

- a) $4\sqrt{2} \text{ cm}$
- b) $4\sqrt{3} \text{ cm}$
- c) $4\sqrt{6} \text{ cm}$
- d) 8 cm



4. În figura următoare este reprezentat rombul ABCD cu măsura unghiului BAD de 45° și lungimea laturii AB= 6 cm. Aria rombului este egală cu:

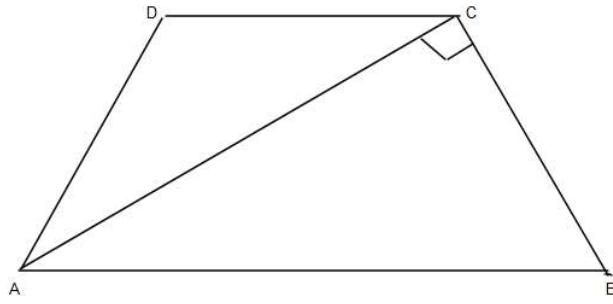
- a) $18\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- b) $36\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- c) 18 cm^2
- d) 36 cm^2



5. În figura alăturată este reprezentat un trapez isoscel ABCD, cu $AB \parallel CD$.

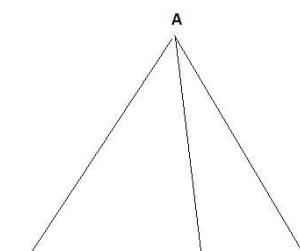
Diagonala AC este perpendiculară pe latura BC, $AC = 6 \text{ cm}$, iar măsura unghiului $ADC = 120^\circ$. Lungimea segmentului AD este egală cu:

- a) 6 cm
- b) 12 cm
- c) $2\sqrt{3} \text{ cm}$
- d) $4\sqrt{3} \text{ cm}$



5p 6. În figura alăturată este reprezentat un tetraedru regulat ABCD cu aria unei fețe egală cu $36\sqrt{3}$ cm². Suma lungimilor tuturor muchiilor tetraedrului regulat este egală cu:

- a) 6 cm
- b) 12 cm
- c) 36 cm
- d) 72 cm



SUBIECTUL al III-lea

Scrieti rezolvările complete.

(30 de puncte)

5p	<p>1. Un turist a parcurs un traseu în care a atins 3 vârfuri muntoase , în trei etape ale unei zile. În prima etapă a plecat de la Lacul Bâlea și a ajuns pe vârful Vânătarea lui Buteanu (2509m) , parcurgând o cincime din etapa a doua , în care a mers până pe vârful Moldoveanu (2544m) , iar în a treia etapă a mers cu 50% mai mult decât în a doua etapă , mergând până pe vârful Dara (2500m).</p> <p>(2p) a) Verifică dacă distanța parcursă în cea de-a treia etapă este mai mare decât cea parcursă în primele două etape la un loc ?</p>
----	--

(3p) b) Știind că lungimea traseului este de 27km , determinați care este distanța parcursă în a doua etapă.

(3p) b) Știind că lungimea traseului este de 27km , determinați care este distanța parcursă în a doua etapă.

- 5p** 2. Se consideră mulțimile : $A = \{x \in \mathbb{R} / |x + 1| < 3\}$ și $B = \{x \in \mathbb{R} / -1 < \frac{2x-1}{-3} \leq 1\}$.

a) (2p) Verificați dacă $0 \in A$.

(3p) b) Determinați $A \cap B$.

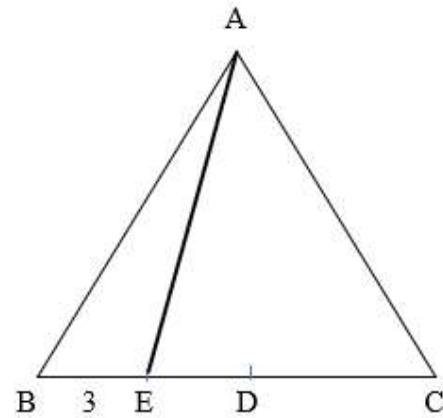
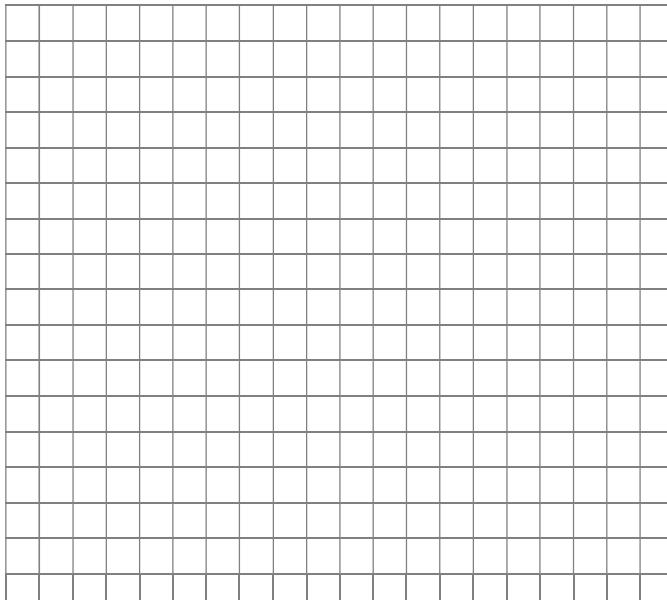
5p 3. Se dau numerele $a = \sqrt{3}(4\sqrt{2} + 3\sqrt{3}) - 2(\sqrt{24} + 3)$ și $b = |5 - 3\sqrt{3}| + 2 \cdot \left(\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}\right) + \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$.

(2p) a) Să se arate că $a = 3$.

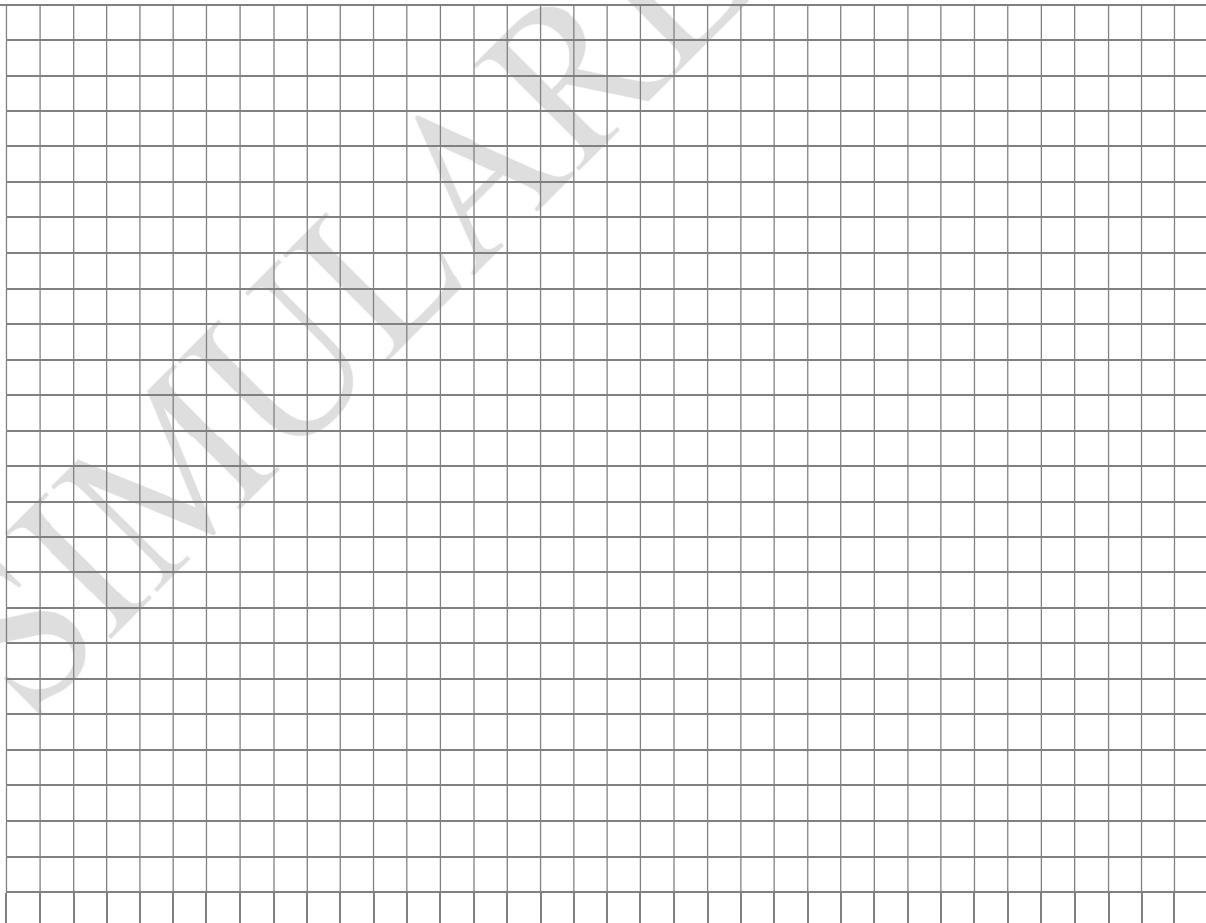
(3p) b) Determinați cel mai mic număr real nenul n pentru care $n \cdot a \cdot b \in \mathbb{N}$.

- 5p** 4. În triunghiul echilateral ABC, se consideră D și E mijloacele segmentelor BC și BD astfel încât $BE=3\text{cm}$.

(2p) a) Arătați că perimetrul triunghiului ABC este de 36 cm;



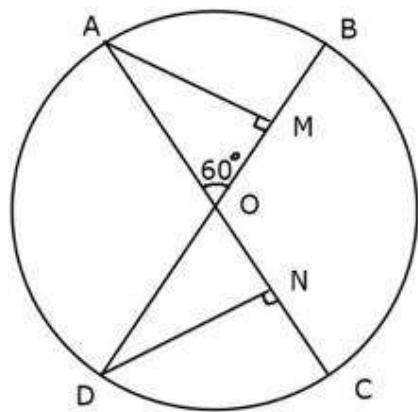
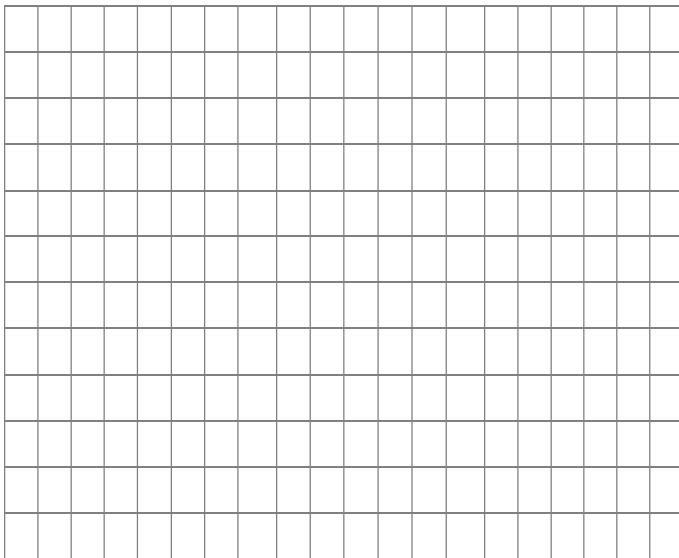
(3p) b) Aflați distanța de la punctul C la dreapta AE.



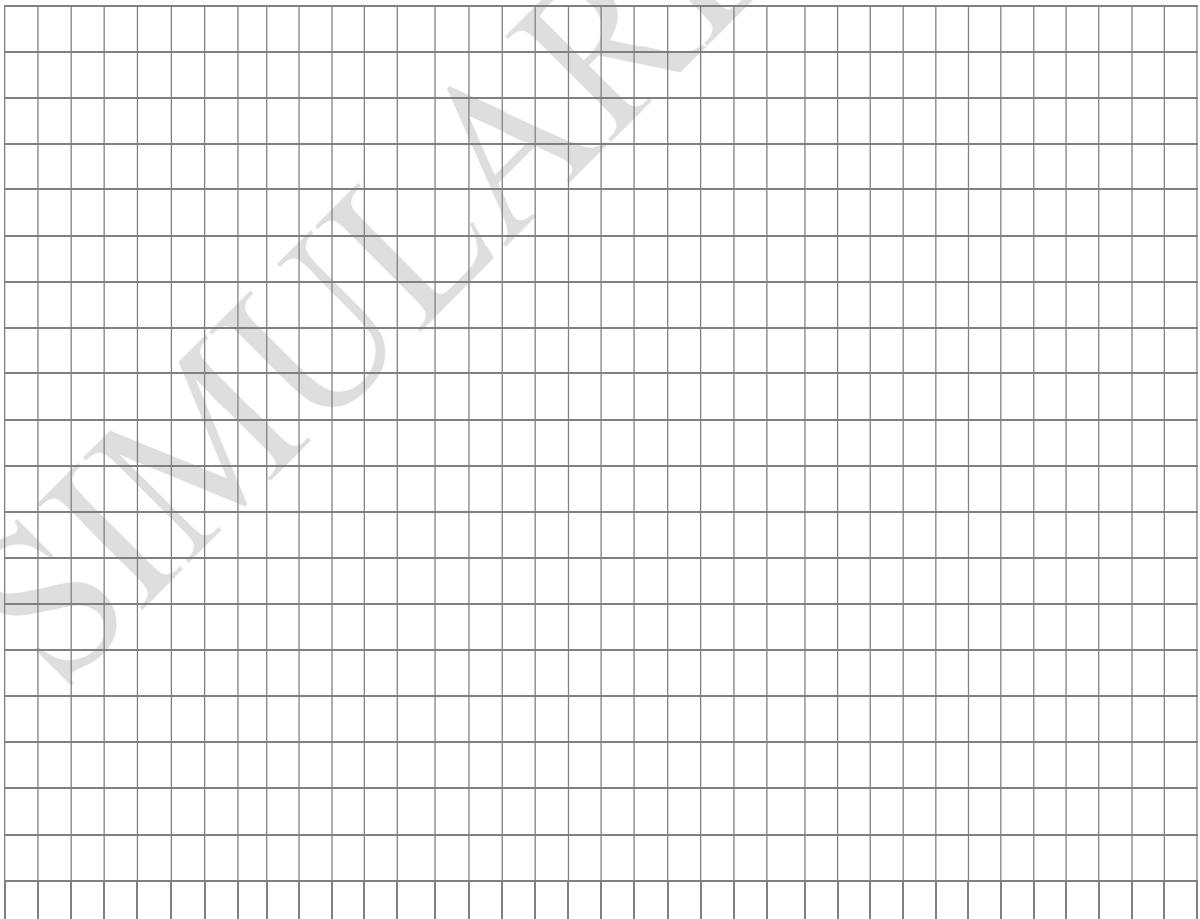
5p

5. În cercul de centru O și rază 8cm, se consideră diametrele AC și BD astfel încât unghiul AOB să fie de 60° .

(2p) a) Aflați măsura arcului BC;



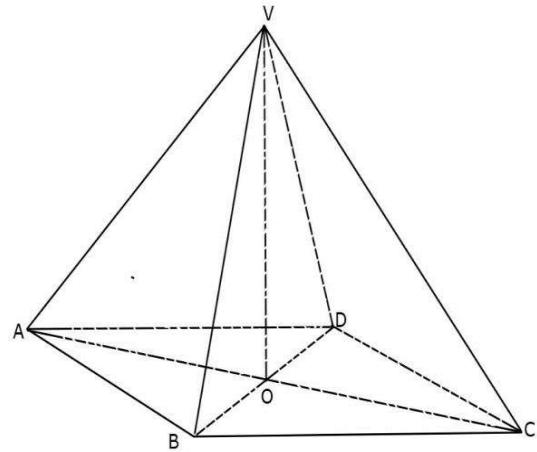
(3p) b) Fie M și N picioarele perpendicularelor duse din A pe BD și respectiv, din D pe AC .
Să se afle perimetrul triunghiului MON.



5p

6. Fie piramida patrulateră regulată VABCD în care $VB = CD = 6\text{cm}$ și M este mijlocul laturii CD.

(2p) a) Arătați că aria unei fețe laterale este $9\sqrt{3}$;



(3p) b) Aflați sinusul unghiului dintre dreptele VM și BD.

