

Prezenta lucrare conține _____ pagini

SIMULARE JUDEȚEANĂ
EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU
ABSOLVENTII CLASEI a VIII-a
Decembrie 2022
Matematică

WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

<p>Numele:</p> <p>.....</p> <p>Prenumele :</p> <p>.....</p> <p>Școala de proveniență:</p> <p>.....</p> <p>Centrul de examen:</p> <p>Localitatea:</p> <p>Județul:</p>	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 70%;">Nume și prenume asistent</td> <td style="width: 30%;">Semnătura</td> </tr> <tr><td> </td><td> </td></tr> </table>	Nume și prenume asistent	Semnătura										
Nume și prenume asistent	Semnătura												

A	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNAȚURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

B	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNAȚURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			

C	COMISIA DE EVALUARE	NOTA (CIFRE ȘI LITERE)	NUMELE ȘI PRENUMELE PROFESORULUI	SEMNAȚURA
	EVALUATOR I			
	EVALUATOR II			
	EVALUATOR III			
	EVALUATOR IV			
	NOTA FINALĂ			



- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 2 ore.

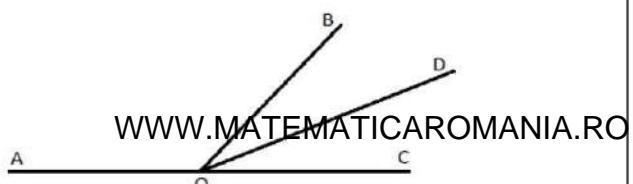
SUBIECTUL I*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect***(30 puncte)**

5p	1. Rezultatul calculului $2 + 216 : 2$ este: a) 19 b) 110 c) 20 d) 109
5p	2. Un obiect costă 240 lei. După o ieftinire cu 15%, noul preț este: a) 204 lei b) 36 lei c) 276 lei d) 225 lei
5p	3. Dacă $\frac{a}{3} = \frac{5}{b}$, atunci rezultatul calculului $30 - 2ab$ este egal cu : a) 8 b) 2 c) 15 d) 0
5p	4. Scris sub formă de fracție ordinară ireductibilă, numărul $2,(3)$ este egal cu: a) $\frac{23}{10}$ b) $\frac{7}{3}$ c) $\frac{7}{30}$ d) $\frac{23}{9}$

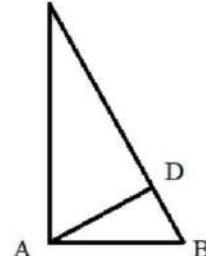
<p>5p 5. Suma numerelor întregi din intervalul $(-4, \sqrt{5}]$ este egală cu:</p> <p>a) -9 b) -7 c) -3 d) 0</p>								
<p>5p 6. Ana, Gelu, Maria și Radu, au calculat media aritmetică a numerelor $a = 2\sqrt{3} + \sqrt{2}$ și $b = \sqrt{12} - \sqrt{2}$. Rezultatele obținute de ei sunt trecute în tabelul următor:</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <th>Ana</th> <th>Gelu</th> <th>Maria</th> <th>Radu</th> </tr> <tr> <td>$2\sqrt{2}$</td> <td>$4\sqrt{3} + \sqrt{2}$</td> <td>$4\sqrt{3}$</td> <td>$2\sqrt{3}$</td> </tr> </table> <p>Dintre cei patru elevi, cel care a obținut rezultatul corect este:</p> <p>a) Ana b) Gelu c) Maria d) Radu</p>	Ana	Gelu	Maria	Radu	$2\sqrt{2}$	$4\sqrt{3} + \sqrt{2}$	$4\sqrt{3}$	$2\sqrt{3}$
Ana	Gelu	Maria	Radu					
$2\sqrt{2}$	$4\sqrt{3} + \sqrt{2}$	$4\sqrt{3}$	$2\sqrt{3}$					

SUBIECTUL al II-lea*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect***(30 puncte)**

<p>5p 1. A, B, C, D, E sunt puncte coliniare, în această ordine, astfel încât B este mijlocul segmentului AC și D este mijlocul segmentului CE. Valoarea raportului $\frac{BD}{AE}$ este egală cu:</p> <p>a) 0,2 b) 2 c) 0,5 d) 0,(3)</p>
<p>5p 2. Unghiurile AOB și BOC sunt adiacente suplementare, semidreapta OD este bisectoarea unghiului BOC și măsura unghiului AOD este de 154°. Măsura unghiului BOD este egală cu:</p> <p>a) 36° b) 18° c) 26° d) 13°</p>
<p>5p 3. Triunghiul dreptunghic ABC are înălțimea AD egală cu 6 cm. Dacă $CD=4BD$, atunci aria triunghiului ABC este egală cu:</p> <p>a) 45 cm^2 b) 90 cm^2 c) 135 cm^2 d) 120 cm^2</p>

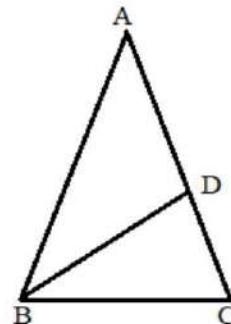


WWW.MATEMATICAROMANIA.RO



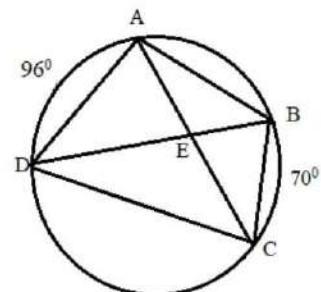
- 5p** 4. În triunghiul isoscel ABC , $AB=AC$, măsura unghiului A este de 36^0 și BD este bisectoarea unghiului ABC . Dacă latura BC are lungimea egală cu 12 cm , atunci lungimea segmentului BD este egală cu:

- a) $12\sqrt{2}$ cm
 - b) 11 cm
 - c) $6\sqrt{2}$ cm
 - d) 12 cm



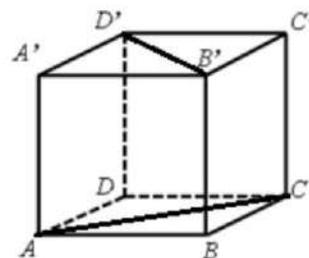
- 5p** 5. Punctele A, B, C, D sunt pe cerc astfel încât arcul AD are măsura de 96° și arcul BC are măsura de 70° . Dacă $AC \cap BD = \{E\}$, atunci măsura unghiului DEC este egală cu:

- a)** 97°
b) 83°
c) 73°
d) 107°



- 5p** 6. În figura alăturată este reprezentat cubul $ABCDA'B'C'D'$. Măsura unghiului dintre dreptele $B'D'$ și AC este egală cu:

- a) 0°
 - b) 180°
 - c) 90°
 - d) 45°



SUBIECTUL al III-lea

SCRİETE REZOLVĂRILE COMPLETE

(30 puncte)

- 5p** 1. Vlad și-a propus să rezolve în vacanță, un set de probleme. Dacă ar rezolva câte trei probleme pe zi, i-ar rămâne nerezolvate 11 probleme. Dacă ar rezolva câte șapte probleme pe zi, i-ar rămâne sapte zile libere.

(2p) a) Este posibil ca setul să contină 66 de probleme? Justifică răspunsul.

WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

(3p) b) Calculează numărul total de probleme pe care trebuie să le rezolve Vlad.

5p

2. Se consideră numerele $a = \sqrt{(\sqrt{3} - 2)^2}$ și $b = \frac{\sqrt{2}(2\sqrt{2} + \sqrt{6})}{2}$.

(2p) a) Arată că $b = 2 + \sqrt{3}$

WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

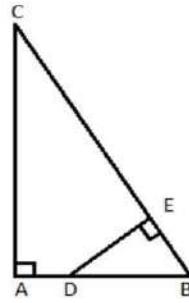
(3p) b) Arată că numărul $n = (a + b)^2 - a \cdot b$ este număr natural.

WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

- 5p 3. Se consideră expresia $E(x) = (2x - 1)^2 - 3(x - 1)(x + 1) - (x + 3)^2$
(2p) a) Arată că $E(x) = -10x - 5$

(3p) b) Dacă mulțimea $A = \{x \in \mathbb{R} / |15 - E(x)| \leq 10\}$, calculează $A \cap \mathbb{Z}$.

5p 4. Triunghiul dreptunghic ABC are ipotenuza $BC=25\text{ cm}$ și cateta $AC=20\text{ cm}$.

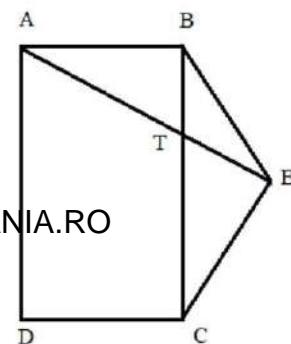


WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

(2p) a) Arată că aria triunghiului ABC este egală cu 150 cm^2 .

(3p) b) Dacă punctul D se află pe latura AB astfel încât $BD=2AD$, iar $DE \perp BC$, $E \in BC$, calculează perimetrul patrulaterului $ADEC$.

- 5p** 5. În figura alăturată este reprezentat dreptunghiul $ABCD$ cu $AB=12\text{ cm}$. Triunghiul isoscel BCE cu $BE=EC=12\text{ cm}$, are măsura unghiului $BEC=120^\circ$.



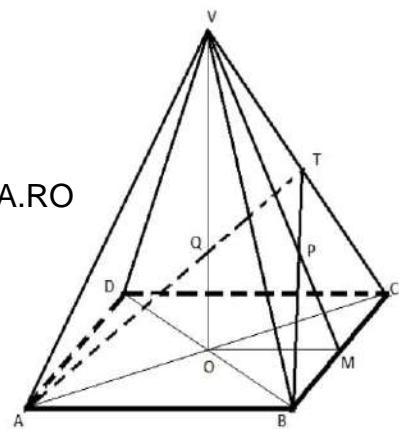
WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

- (2p) a) Arată că $BC=12\sqrt{3}\text{ cm}$.

- (3p) b) Demonstrează că $\sin(\angle ADT)=\frac{\sqrt{21}}{7}$, unde $\{T\}=AE \cap BC$.

- 5p 6. Piramida patrulateră regulată $VABCD$ are latura bazei de 8 cm și muchiile laterale egale cu $6\sqrt{2}\text{ cm}$.

WWW.MATEMATICAROMANIA.RO



- (2p) a) Arată că suma lungimilor muchiilor piramidei este mai mică de 68 cm .

(3p) b) Se consideră M mijlocul muchiei BC și $AC \cap BD = \{O\}$. Dacă T este mijlocul muchiei VC, $BT \cap VM = \{P\}$ și $AT \cap VO = \{Q\}$, demonstrează că dreapta QP este paralelă cu planul (ABC) .

WWW.MATEMATICAROMANIA.RO

